ガラスにおける化学結合状態と塩基度

岡山大学環境理工学部 難波徳郎 tokuro_n@cc.okayama-u.ac.jp

1. はじめに

XPS (X線光電子分光)装置が岡山大学に導入さ れたのは1992年のことであった。それ以来,我々 の研究グループではガラスの化学結合状態の解析 や考察に塩基度という概念を利用するようになっ た。導入当初はピークシフトを説明するために塩 基度を使っていたが、最近ではガラスの構造や物 性変化の考察に塩基度を利用している。実は、岡 山大学の尾坂研究室でお世話して頂いた2001年の 若手セミナーで「ガラスの化学結合状態の解析と 計算機化学」と題して話をさせて頂いた[1]。この 時も話の中心は塩基度であった。今回、また同じ 話をするわけにもいかないので(しかし,同じ記 述がかなり残った), 2001年の若手セミナー以降, 化学結合状態や塩基度について、我々のグループ でどのような研究を行ってきたのか、紹介させて 頂くことにする。

2. ガラスの塩基度と算定式

ケイ酸塩ガラスやホウ酸塩ガラスという言葉か らも分かるように、ガラスはケイ酸やホウ酸など の酸とアルカリ酸化物のような塩基との反応によ って得られる塩である。Lewis の提唱した概念で は、酸は電子の受容体であり、塩基は供与体であ る。したがって、塩基度とは電子供与性の尺度で あると言える。酸化物ガラスの場合、供与される 電子は酸素が過剰に有する電子であり、過剰電子 が存在するのは価電子帯、あるいはその周辺の外 殻軌道である。したがって、外殻軌道の電子密度 の高いガラスが塩基度の高いガラスと言える。 XPS 測定により求められる内殻電子の束縛エネル ギーは、外殻軌道の電子密度の変化にもとづいて シフトする。これより、我々の研究グループでは、 酸化物ガラスの塩基度として Ols 軌道の束縛エネ ルギーを利用できると考えた。

ガラスの塩基度を実験的に求める方法には,酸 化物イオンの活量を測定する方法,光吸収スペク トルを測定する方法,電子スピン共鳴(ESR)ス ペクトルを測定する方法などがある。Duffy と Ingram[2]の提案した光学的塩基度は二番目の手法 に分類される。彼らは,Tl⁺,Pb²⁺,Bi³⁺イオンなど の ns^2 電子配置を持つイオンの¹S₀ → ³P₁遷移によ る紫外光吸収ピークがガラス組成に対して敏感に 変化することに注目した。吸収ピーク波数の化学 シフトはプローブイオンの外殻電子密度の変化に もとづく現象であり,マトリックスガラスからプ ローブイオンに供与される電子の量的変化に対応 する。このような考え方にもとづいて,彼らは吸 収ピーク波数の化学シフトをマトリックスガラス の光学的塩基度Aと定義した。

DuffyとIngram[3]はさらに単純酸化物 M_mO_n の Λ とカチオンの Pauling 電気陰性度 χ の間に Λ = 0.75/(χ -0.25)なる関係が成り立つことを見出し、こ れを多成分系に拡張した次式を提案した。

$$\begin{cases} \Lambda(\chi) = 1 - \sum_{i} \frac{z_{i} r_{i}}{2} \left(1 - \frac{1}{\gamma_{i}} \right) \\ \gamma_{i} = 1.36(\chi_{i} - 0.26) \end{cases}$$
(1)

ここで、 z_i は*i*種カチオンの原子価、 r_i は酸素1個 当たりで表現したときの*i*種カチオンの数(カチオ ンと酸素の比, m/n)である。また、 γ_i は basicity moderating power と呼ばれるパラメータで、単純酸 化物の光学的塩基度の逆数, $1/\Lambda$ に相当する。

このように、ガラスの塩基度をガラスの組成か ら直接見積もることができれば便利である。塩基 度の算定式をいくつか紹介しておく。

Duffy[4]は光学的塩基度と酸化物イオンの分極 率α(O)の間に次のような関係があると唱えた。

$$\Lambda(\alpha) = 1.67 \left(1 - \frac{1}{\alpha(O)} \right)$$
(2)

さらに, Dimitrov と Sakka[5]は次式によりα(O)を

$$\alpha(O) = \left[\left(\frac{V_{\rm m}}{2.52} \right) \frac{\left(n_0^2 - 1 \right)}{\left(n_0^2 + 2 \right)} - c(M) \alpha(M) - c(R) \alpha(R) \right] \frac{1}{c(O)}$$
(3)

ここで、*V*_mはモル容積、*n*₀は屈折率、*c*はアルカ リ(R)金属(M)酸化物を R_{c(R)}M_{c(M)}O_{c(O)}で表したとき の原子比である。

また, Dimitrov と Komatsu[6]は次式により与え られる相互作用パラメータ A を新しい塩基度の尺 度として提案した。

$$A = \frac{\{\alpha(O_{f}) - \alpha(O)\}}{2\{\alpha(M) + \alpha(O_{f})\}\{\alpha(M) + \alpha(O)\}}$$
(4)

ここで、 $\alpha(M) \ge \alpha(O)$ はカチオンと酸化物イオンの 分極率であり、 $\alpha(O_f)$ は相互作用のないフリーな酸 化物イオンの分極率(3.921 Å³)である。相互作用パ ラメータ A は酸化物イオンと隣接カチオンの軌道 の重なりの大きさを表すもので、A と $\Lambda(\alpha)$ の間に 直線関係が認められる。

Morinaga[7]は塩基度をカチオンと酸化物イオン のクーロン力の逆数に比例する量と考え,次式で 表される塩基度パラメータ*B*を提唱した。

$$\begin{cases}
B'_{i} = \left[\frac{z_{i} \times 2}{(r_{i} + 1.40)^{2}}\right]^{-1} \\
B_{i} = \frac{B'_{i} - B'_{SiO_{2}}}{B'_{CaO} - B'_{SiO_{2}}} \\
B = \sum_{i} n_{i}B_{i}
\end{cases}$$
(5)

ここで z_i はカチオンiの電荷, r_i はイオン半径(Å), n_i はカチオンiの組成比である。

3. XPS 化学シフトと塩基度[8]

前節では、塩基度の算定式を紹介したが、冒頭 にも書いたように、我々のグループが塩基度とい う概念に着目したのは、XPS のピークシフト(化 学シフト)を説明するためであった。XPS 化学シ フトについては、理論的な取扱いがなされており、 Siegbahn の提唱した charge potential model[9]が最 も広く用いられてきた。本来、XPS 化学シフトは 配位数や原子間距離など、物質の構造に依存する が、いくつかの仮定を用いると、XPS 化学シフト と原子の電荷の間に比例関係が得られる[10]。さら に、Nordberg ら[11]は注目している原子 i の電荷 q_i を結合 i-jで移動する電荷 q_{ij} の和 Σq_{ij} で与えること ができると考え、 q_{ij} を Pauling の示した電気陰性度 差にもとづくイオン性の尺度で表現した。

$$\begin{cases} q_i = \sum_{j \neq i} q_{ij} \\ q_{ij} = 1 - \exp\left\{-0.25\left(\chi_i - \chi_j\right)^2\right\} \end{cases}$$
(6)

ここで, χ_i が Pauling の電気陰性度である。こうし て求められる電荷 q_i は charge parameter あるいは Pauling charge と呼ばれている。

式(6)による電荷の見積りには,原子 *i* に配位す る原子 *j* の種類と数,つまり配位数が必要になる。 しかしガラスでは,特定の原子の周辺構造をガラ ス組成から直接見積もるのは容易ではない。そこ で,SiO₂ や Na₂O といったガラスを構成する化合 物が持ち込む酸化物イオンの電荷を,100%イオン 性の-2 に対してイオン結合性の尺度を掛けること によって見積もり,組成に応じて加重平均をとる ことによりガラス全体の酸化物イオンの電荷 qoを 算定することとした。

$$\begin{cases} q_{\rm o} = \sum c_j q_j \\ q_j = -2 \left[1 - \exp\{-0.25 (\chi_{\rm o} - \chi_j)^2 \} \right] \end{cases}$$
(7)

このようにして求めた塩基度や酸化物イオンの 電荷と XPS 測定より求めたピークシフトの相関関 係を調べた。Fig. 1aには、種々のアルカリ二成分 系ガラスの Ols 束縛エネルギーの実測値(面積重 心)と式(1)より電気陰性度から求めた塩基度 $\Lambda(\chi)$ の関係をプロットした。また Fig. 1b には,同じく 種々のガラスの Ols 束縛エネルギーと式(7)より求 めた酸化物イオンの電荷の関係をプロットした。 B₂O₃, SiO₂, P₂O₅, GeO₂系ガラス, いわゆる典型 ガラスについては、プロット点が同じ領域に集ま っており、塩基度や電荷とOls 束縛エネルギーの 間には1対1の対応関係が認められる。それに対 して、TeO₂, Bi₂O₃系ガラスは他のガラス系と異な る領域に位置していることが分かる。このように、 TeO₂, Bi₂O₃系ガラスがそれ以外のガラス系と異な る領域に位置するという傾向は、式(5)の塩基度パ ラメータBについても確認された。



Fig. 1 Correlation between experimentally obtained XPS O1s binding energy of various glasses and mathematical expressions of (a) optical basicity $\Lambda(\chi)$ and (b) Pauling charge of oxide ion $q_{\rm O}$.

TeO₂, Bi₂O₃系ガラスの異常な挙動については, 既に 2001 年の若手セミナーのテキストにも書い たが, Te や Bi の空の d 軌道の影響ではないかと考 えた。例えば TeO₂系ガラスでは, Te5d-O2p π軌道 を介した O→Te 方向の電子の逆供与により電子が 非局在化し[12],酸素の価電子殻には最近接 Te に 配位した別の酸素(第二近接酸素)からも電子が 流れ込み,電子密度は非常に高くなると考えた。 Te と Bi の電気陰性度χはそれぞれ 2.1 と 1.9 であ り, P(2.1)や B(2.0)と同程度で,Si(1.8)や Ge(1.8)よ り高い値となっている。Fig. 1 に示した塩基度Λ(χ) も酸化物イオンの電荷 q_0 も,この電気陰性度の値 を元に算出しているので,TeO₂ や Bi₂O₃ 系ガラス の $\Lambda(\chi)$ や q_0 が典型ガラスと同程度になるのは当然 の結果と言える。O1s 束縛エネルギーが実際の塩 基度や酸化物イオンの電荷を反映しているのであ れば,TeO₂ ガラスの $\Lambda(\chi)$ は 0.7 程度の値を,また q_0 は-1.3 程度の値をそれぞれとるべきであると言 える。Te と Bi の電気陰性度がそれぞれ 1.5, 1.2 程度であれば,Fig.1 中の実線に近い値になる。

しかし、そもそも TeO₂や Bi₂O₃系ガラスの塩基 度は本当に高いのだろうか?今回紹介した塩基度 では、酸化物イオンの分極率 α から算定する光学的 塩基度 $\Lambda(\alpha)$ とイオン間相互作用パラメータ A につ いては TeO₂系ガラスの塩基度が高くなる。Fig. 2 には、Dimitrov と Komatsu[13]の報告した各種酸化 物ガラスについての $\Lambda(\alpha)$ と A の相関を示した。こ れより、TeO₂系ガラスは塩基度が非常に高いこと が分かる。



Fig. 2 Correlation between optical basicity $\Lambda(\alpha)$ and interaction parameter *A* estimated from polarizability of oxide ion $\alpha(O)$ [13].

4. ガラスの塩基度と光学特性[14]

前節に示したように、TeO₂, Bi₂O₃系ガラスにつ いては、電気陰性度から見積もった塩基度は高い とは言えず、典型ガラスと同程度の塩基度を示し た。それに対して、分極率から見積もった塩基度 は典型ガラスより高い値を示し、XPS 測定より求 めた O1s 束縛エネルギーの序列と一致していた。 TeO₂, Bi₂O₃系ガラスの光学吸収端は可視光域にか かっているため、光学的塩基度の実測値を得るた めに必要なプローブイオンの紫外光吸収ピークを 観測することができず、塩基度の算定方法の妥当 性を検証することができない。そこで、ガラスの 塩基度が関与する他の光学特性と O1s 束縛エネル ギーの相関関係について検討した。



Fig. 3 Correlation between experimentally obtained XPS O1s binding energy of various glasses containing Er^{3+} ions and (a) effective absorption linewidth $\Delta\lambda_a$ at 1.5 μ m and (b) omega parameter Ω_6 [14]. The colored symbols represent the average O1s binding energy of the glasses in which NBO component is separately observed, and the open symbols of these glasses indicate O1s binding energy of the NBO component.

Fig.3には、Er³⁺イオンを添加した種々のガラス の1.5 μm帯の有効吸収線幅Δλaと Judd-Ofelt 解析よ り求めた Ω_6 パラメータの結果を示した。Sugimoto と Tanabe[15]によれば, Er³⁺イオンの 1.5 µm 帯の吸 収および発光の線幅はホストガラスの屈折率と塩 基度に影響され、線幅を広げるにはホストガラス の高屈折率、低塩基度化が有効である。また、 Ω_6 は電気双極子遷移の線強度を評価するフィッティ ングパラメータであり, Er の 4f-5d 軌道の混成の 度合いを表す。ホストガラスの塩基度が低い、つ まり Er の配位子である酸化物イオンの電子供与性 が低いと、Er6s-O2p 間の軌道の重なりが小さくな り、Er の 4f-5d 間の相互作用を遮蔽する Er6s 軌道 の電子密度が低下する。これより、塩基度が低い ほどΩ₆は大きくなり、線幅の広い電気双極子遷移 の強度も高くなり、相対的に線幅の狭い磁気双極 子遷移の強度が低下し,スペクトル全体の線幅が 増加する。

Figs. 3a と 3b を比較すると、いずれも右下がり の傾向が見てとれる。つまり、O1s 束縛エネルギ ーが減少すると、有効吸収線幅 $\Delta\lambda_a$ と Ω_6 パラメー タは共に減少しており、これはいずれも塩基度の 増加を反映した結果と言える。しかし、Figs. 3a と 3b を詳細に観察すると、TeO₂系ガラスの変化の傾 向は他の典型ガラスとは異なっていることが分か る。Fig. 3a では TeO₂系ガラスとそれ以外のガラス は傾きが異なっており、また Fig. 3b では TeO₂系ガ ラスとそれ以外のガラスでは傾きはほぼ同じだが プロット点は異なる領域に位置している。TeO₂系 ガラスの特異性は依然残されたままと言える。

5. ガラスの塩基度と構造[16]

網目形成体と網目修飾体の中間的な役割を果た すことで知られているアルミニウムはガラス組成 に応じて酸素配位数が変化する。配位数変化の要 因として様々な考え方が提案されているが, Kawazoe[17]の提案した塩基度に基づく解釈が合 理的である。塩基度が高く電子密度の高い酸素, つまり高い負電荷を有する酸素では,少ない数の 酸素で陽イオンの正電荷を中和することができ る。結果的に、Alの正電荷を少ない数の酸素で補 償することが可能になり、4 配位という低い配位数 を Al はとることになる。しかし、B₂O₃、GeO₂系 ガラスの構造変化はもっと複雑であり、組成変化、 つまりガラスの塩基度の変化に対して非直線的な 変化を示す。ここでは我々のグループで取り組ん でいるボロシリケート系ガラスの構造と塩基度の 関係について紹介する。

Na₂O-B₂O₃-SiO₂系ガラス中のホウ素量に対する 4 配位ホウ素の割合 N₄ (≡ B4/(B3+B4); B3 と B4 は それぞれ3配位ホウ素と4配位ホウ素を表す)を **Fig. 4**に示した。なお,ここで N₄値は¹¹B MAS NMR 測定により求めた実測値である。図には、SiO2成 分と B₂O₃ 成分の混合比 (SiO₂/B₂O₃) を一定とし, Na₂O 成分の混合比を変化させた場合の結果を示 した。図より、SiO₂/B₂O₃比が異なるガラスであっ ても,4配位ホウ素の割合 N₄は塩基度が約 0.55 で 極大を示していることがわかる。同様に, Li₂O-B₂O₃-SiO₂系および K₂O-B₂O₃-SiO₂系ガラス においても塩基度が約0.55でN4が極大を示すこと を確認した。このように、アルカリの種類が異な るガラスにおいても4配位ホウ素の割合は塩基度 が約 0.55 で極大をとることから、4 配位ホウ素の 量的変化が塩基度の影響を受けていることが明ら かとなった。



Fig. 4 Fraction of four-fold coordinated boron atoms to total boron atoms N_4 in Na₂O–B₂O₃–SiO₂ system determined from ¹¹B MAS NMR. SiO₂/B₂O₃ indicates the molar ratio in the glass composition.

Fig. 4 より 4 配位ホウ素の割合が塩基度の影響を 受けていることは明白であるが, SiO₂/B₂O₃比が異 なるガラスでは異なる N₄値を示しており,塩基度 と N₄値の間に1対1の相関関係は認められない。 Fig. 4 に示したものと同じガラスについて, XPS 測 定より求めた非架橋酸素量を塩基度に対してプロ ットすると(Fig. 5),4 配位ホウ素の割合の場合とは 異なり,SiO₂/B₂O₃比が異なるガラスを含めたガラ ス全体について,1対1の相関関係が得られている ことが分かる。



Fig. 5 Fraction of non-bridging oxygen, NBO in Na₂O–B₂O₃–SiO₂ system determined from XPS. *R* is the correlation coefficient between NBO fraction and basicity $\Lambda(\chi)$ shown by the dotted line.



Fig. 6 Fraction of four-fold coordinated boron atoms to the total network forming atoms in Na₂O-B₂O₃-SiO₂ system.

ホウ素の NMR 測定から直接得られる情報は,3 配位ホウ素と4配位ホウ素の比率である。ボロシ リケート系ガラスにおけるアルカリの役割は大き く分けてふたつであり,BO4 ユニットの電荷補償 とNBO の電荷補償である。さらに NBO も Si に配 位しているものとBに配位しているものの2種類 に区別できる。つまり,アルカリはガラス網目全 体の電荷補償を担っていると言える。そこで,4 配位ホウ素量に対する見方を変えて,ガラス中の 全ホウ素量に対する見方を変えて,ガラス中の 全ホウ素量に対する見方を変えて,ガラス中の 全ホウ素量に対する見方を変えて,ガラス中の キンマの網目構成元素,すなわちホウ素 とケイ素の総量に対する4配位ホウ素の割合B4/(B +Si)を算出してみた。

Fig. 4 のように,全ホウ素量に対して 4 配位ホウ 素の割合をプロットすると,SiO₂/B₂O₃比が高いほ うが 4 配位ホウ素の割合が高くなっているのに対 して,Fig. 6 のように全網目構成元素量に対してプ ロットした場合はSiO₂/B₂O₃比が高いほうが 4 配位 ホウ素の割合は逆に低くなっていることが分か る。これより,ガラス中のケイ素のすべてではな く一部が 4 配位ホウ素の生成に関与していると仮 定し,ケイ素の関与の割合を適当に見積もること で,塩基度と4 配位ホウ素の割合の間にSiO₂/B₂O₃ 比に依存しない相関関係が得られるのではないか と考えた。

そこで、ガラス中のケイ素量に係数*f*を掛けた量 とホウ素量の和 (B+Six*f*) に対する 4 配位ホウ素 の割合 (B4/B+Six*f*) を塩基度に対してプロットし た。さらに、相関係数が最大になるように係数 *f* を最適化した。その結果, **Fig. 7** に示したように*f*= 0.274 の時に最も高い相関係数|**R**|=0.96 を得た。

Na₂O 以外のボロシリケート系ガラスについて も同様の解析を行い,第3成分毎に係数fの最適値 を定めた。アルカリ/アルカリ土類イオンの性質に ついては,場の強さ Z/r で整理されることが多い。 そこで,係数fと場の強さの相関を Fig.8にプロッ トした。場の強さが大きくなるにつれて係数fは減 少する傾向が見てとれるが,アルカリとアルカリ 土類では異なる領域に位置しており,すべてに共 通な傾向を見出すことはできなかった。



Fig. 7 Fraction of four-fold coordinated boron atoms given by B4/(B+Si×f) (f = 0.274) in Na₂O-B₂O₃-SiO₂ system.



Fig. 8 Correlation between optimal coefficient f and field strength Z/r in (R₂O,MO)–B₂O₃–SiO₂ glasses. Z and r indicate the charge and radius of respective ions.

読者の中には、SiO₂を含まない B₂O₃系ガラスの 場合はどうなるのか、気になる方もおられるだろ う。そこで、Fig. 9 に SiO₂を含まない(R₂O,MO)-B₂O₃ガラスについて 4 配位ホウ素量の塩基度依存 性を示した。塩基度Aが 0.55 を越えるガラスがな いため、高い塩基度領域の測定点がないが、少な くともA < 0.55 の塩基度範囲では高い相関係数を 与える回帰式を得ることができた。現時点では、 係数 f の意味については、「4 配位ホウ素の生成に 関与しているケイ素の割合を表す係数」という説 明しかすることができない。実際、Sixf で表され る Si がどのような Si なのか、答えることができな し。しかし、ガラスの構造や物性の予測にはこの ような解析手法は非常に有効であると考える。



Fig. 9 Fraction of four-fold coordinated boron atoms N_4 in (R₂O,MO)–B₂O₃ glasses. N_4 (All) = 11.9 Λ^3 – 47.3 Λ^2 + 41.1 Λ – 9.95

6. おわりに

酸, 塩基の概念はガラス以外にも様々な物質の 構造や性質を考察する際に有効である。我々のグ ループでは、溶融スラグに対する耐侵食性の高い 耐火煉瓦の開発においても塩基度を利用してい る。耐火物の世界でも塩基度という言葉をよく耳 にするが、その際の塩基度は C/S という CaO と SiO2の比率で表現される。Caや Si を含まない物 質については C/S を定めることができない。電気 陰性度χを用いる光学的塩基度Λ(χ)のように,組成 から直接見積もることができる塩基度は非常に便 利であり,使い勝手がよいと言える。ただ,TeO2 やBi₂O₃のように、塩基度が高いのか低いのか、未 だに判断がつかない化合物も残っている。もちろ ん、多変量解析のような力技を使えばよいという 考え方もできるが、理屈(理論的裏付け)抜きで はいずれ行き詰まる時が来るような気がする。そ の時になって慌てないように、TeO2や Bi2O3の正 体をなるべく早く明らかにしたいと考えている。

謝辞

第3節で採り上げた XPS データは, 姫井裕助君, 松本修治君, 武田千亜紀さん, 井上真也君, 村田 泰章君, 田中俊克君を始めとする当研究室の OB/OG 達の涙と汗の結晶である。また,第4節は 立山祐資君,第5節は西村充智君,札場誠司君, 田中祐輔君の測定データをまとめたものである。 さらに,塩基度なる概念をご教授頂いた三浦嘉也 先生には特に感謝致します。

参考文献

- [1] 難波, セラ協第33回ガラス部会若手セミナー,
 (2001) pp.1-10. http://www.ecm.okayama-u.ac.jp/muki/Research/Papers/2001/wakate01.pdf
- [2] J.A. Duffy, M.D. Ingram, J. Non-Cryst. Solids 21 (1976) 373.
- [3] J.A. Duffy, M.D. Ingram, J. Chem. Soc. Chem. Comm. (1973) 635.
- [4] J.A. Duffy, Phys. Chem. Glasses, **30**(1) (1989) 1.
- [5] V. Dimitrov, S. Sakka, J. Appl. Phys., 79(3) (1996)1736.
- [6] V. Dimitrov, T. Komatsu, J. Ceram. Soc. Japan, 107 (1999) 1012.
- [7] K. Morinaga, H. Yoshida, H. Takebe, J. Am. Ceram. Soc., 77 (1994) 3113.
- [8] T. Nanba, Y. Miura, S. Sakida, J. Ceram. Soc. Japan, 113 (2005) 44.
- [9] K. Siegbahn, C. Nordling, G. Johansson, J. Hedman, P.F. Hedén, K. Hamrin, U. Gelius, T. Bergmark, L.O. Werme, R. Manne, Y. Baer, "ESCA applied to free molecules", North-Holland Publ. Co., New York (1969) pp.104–109.
- [10] U. Gelius, P.F. Hedén, J. Hedman, B.J. Lindberg, R. Manne, R. Nordberg, C. Nordling, K. Siegbahn, Physica Scripta, 2 (1970) 70.
- [11] R. Nordeberg, R.G. Albridge, T. Bergmark, U. Ericson, J. Hedman, C. Nordling, K. Siegbahn, B.J. Lindberg, Arkiv för Kemi, 28 (1968) 257.
- [12] Y. Himei, Y. Miura, T. Nanba, A. Osaka, J. Non-Cryst. Solids 211 (1997) 64.
- [13] V. Dimitrov, T. Komatsu, J. Ceram. Soc. Japan, 108 (2000) 330.
- [14] 立山祐資, 岡山大学修士論文 (2008).
- [15] N. Sugimoto, S. Tanabe, J. Ceram. Soc. Japan, 113 (2005) 120.
- [16] T. Nanba, S. Sakida, Y. Miura, Proc. in Materials Science & Technology 2006, Cincinnati, USA, 1, (2006) 535.
- [17] H. Kawazoe, J. Non-Cryst. Solids, 42 (1980) 281.